Fachcurriculum Mathematik

1. Biennium WFO / V+T

Fachspezifische Kompetenzen

Die Schülerin, der Schüler kann

K1: mit symbolischen, formalen und technischen Elementen der Mathematik umgehen:

mit Variablen, Termen, Gleichungen, Funktionen, Diagrammen, Tabellen arbeiten

Techniken und Verfahren im realen Kontext anwenden

mathematische Werkzeuge wie Formelsammlungen, Taschenrechner, Software und spezifische informationstechnische Anwendungen sinnvoll und reflektiert einsetzen

K2: mathematische Darstellungen verwenden:

verschiedene Formen der Darstellung von mathematischen Objekten aus allen inhaltlichen Bereichen je nach Situation und Zweck auswählen, anwenden, analysieren und interpretieren Beziehungen zwischen Darstellungsformen erkennen und zwischen ihnen wechseln

K3: Probleme mathematisch lösen:

geeignete Lösungsstrategien für Probleme finden, auswählen und anwenden vorgegebene und selbst formulierte Probleme bearbeiten

K4: mathematisch modellieren:

Sachsituationen in mathematische Begriffe, Strukturen und Relationen übersetzen im jeweiligen mathematischen Modell arbeiten Ergebnisse situationsgerecht prüfen und interpretieren

K5: mathematisch argumentieren:

Vermutungen begründet äußern mathematische Argumentationen, Erläuterungen und Begründungen entwickeln Schlussfolgerungen ziehen Lösungswege beschreiben und begründen

K6: kommunizieren:

das eigene Vorgehen, Lösungswege und Ergebnisse auch unter Nutzung geeigneter Medien dokumentieren, verständlich darstellen und präsentieren die Fachsprache adressatengerecht verwenden Aussagen und Texte zu mathematischen Inhalten verstehen und überprüfen

- * Querverweise zu anderen Fächern: Zu Beginn des Schuljahres werden in den jeweiligen Klassenräten die fächerübergreifenden Inhalte vereinbart und geplant.
- ** Bezug zu übergreifenden Kompetenzen: Der Mathematikunterricht fördert im Besonderen die Lern- und Planungs- sowie die Problemlösekompetenz und das vernetzte Denken.
- *** Methodisch didaktische Hinweise: Die Erarbeitungs- und Übungsphasen ist je nach Anforderung gekennzeichnet durch Lehrer/Schüler Gespräch, Einzelarbeit, Partnerarbeit, Gruppenarbeit. Taschenrechner, CAS Systeme und Dynamische Geometriesoftware unterstützen den Erwerb sowohl fachspezifischer als auch übergreifender Kompetenzen. Durch Hausaufgaben und Zusatzübungen erfolgen eine selbstständige Vertiefung der Lerninhalte und eine Individualisierung der Lernprozesse. Die freiwillige Teilnahme an Stützmaßnahmen und Fachberatung erlaubt den Schülerinnen und Schülern eine selbstständige Steuerung des Lernprozesses.

		Lerninhalte			_	*	
Fertigkeiten	Kenntnisse	1. Klasse	2. Klasse	Querverweise zu anderen Fächern *	Bezug zu fachspezifischen Kompetenzen	Bezug zu übergreifenden Kompetenzen	Methodisch-didaktische Hinweise ***
Zahl und Variable		Die Schülerir	n/der Schüler				
Mit Zahlen und Größen, Vari- ablen und Termen arbeiten und rechnen	Die Zahlenmengen, ihre Struktur, Ordnung und Dar- stellung, die reellen Zahlen	 kann mit Termen rechnen: Summen und Produkte vereinfachen Klammern setzen und auflösen Produkte von Summen auflösen Summen faktorisieren Binomische Formeln Potenzen mit natürlichen Exponenten 	 kann die Schreibweise von Potenzen mit ganzen und rationalen Exponenten nachvollziehen und erklären kann rationale und irrationale Zahlen unterscheiden und mit ihnen rechnen kann allgemeine Wurzeln sowohl als Potenz als auch in der Darstellung als Wurzel verstehen und entsprechende Ausdrücke vereinfachen 		K1 K3		
Zahldarstellungen und Term- strukturen verstehen, gege- bene arithmetische und al- gebraische Sachverhalte in unterschiedliche, der Situa- tion angemessene mathema- tische Darstellungen übertra- gen und zwischen Darstel- lungsformen wechseln	Potenzen und Wurzeln Wissenschaftliche Schreib- weise Algebraische Ausdrücke Operationen und ihre Eigen- schaften	kann Termstrukturen grafisch darstellen kann aus grafischen Darstellungen Termstrukturen ableiten	 kann von der Dezimalschreibweise in die Normdarstellung wechseln und umgekehrt kann die Motivation der Normdarstel- lung erläutern kann an Beispielen den Sachzusam- menhang zwischen Rechenoperatio- nen (z. B. Potenzieren) und deren Um- kehrung erklären und nutzen kann die Begriffe Quadrate und Quad- ratwurzeln erklären 		K1 K2		

			kann Quadratwurzeln und Potenzen in Sachzusammenhängen nutzen		
Gleichungen und Ungleichungen sowie Systeme von Gleichungen und Ungleichungen	Verschiedene Lösungsverfahren	 kann lineare Gleichungen und Ungleichungen lösen kann Formeln nach einer Variablen auflösen kann Gleichungen mit Parametern lösen 	 kann lineare Gleichungs- und Ungleichungssysteme mit zwei Variablen lösen kann aus den Koeffizienten einer quadratischen Gleichung auf die Existenz und Anzahl der Lösungen schließen kann quadratische Gleichungen lösen kann die Lösungen von quadratischen Gleichungen als Nullstellen interpretieren 	K1 K3 K5	
Situationen und Sachverhalte mathematisieren und Prob- leme lösen	Heuristische und experimentelle, analytische und algorithmische Problemlösestrategien	 kann Aufgaben mit linearem Zusammenhang aus dem realen Leben lösen (Sachaufgaben) kann Sachtext in mathematisches Modell (lineare Gleichung/Ungleichung, , einfache Bruchgleichung) übertragen kann die Lösung geometrisch interpretieren und auf die reale Situation übertragen 	 kann Aufgaben mit quadratischem Zusammenhang aus dem realen Leben lösen (Sachaufgaben) kann Sachtext in mathematisches Modell (quadratische Gleichung/Ungleichung, lineares Gleichungssystem/Ungleichungssystem, Bruchgleichung) übertragen kann die Lösung geometrisch interpretieren und auf die reale Situation übertragen 	K1 K3 K4 K5	
Aussagen zur Zulässigkeit, Genauigkeit und Korrektheit arithmetischer und algebraischer Operationen und Lösungswege machen und bewerten sowie Rechenabläufe dokumentieren	Regeln der Arithmetik und Algebra	 kann die Begriffe Grundmenge, Definitionsmenge und Lösungsmenge erklären kann die Lösung von Gleichungen und Ungleichungen auf ihre Zulässigkeit überprüfen kann die Definitionsmenge von einfachen Bruchtermen angeben 	kann die Definitionsmenge von algebraischen Ausdrücken angeben kann Ergebnisse auf ihre Genauigkeit überprüfen (Fehlerrechnung) kann Quadratwurzeln näherungsweise berechnen kann die Definitionsmenge von einfachen Quadratwurzeln angeben	K4 K5 K6	
Ebene und Raum		Die Schüleri	n/der Schüler	-	
Die wichtigsten geometri- schen Objekte der Ebene und des Raums erkennen und be- schreiben	Grundbegriffe der euklidi- schen Geometrie	kennt die elementaren geometrischen Gebilde (Punkt, Strecke, Winkel)		K5 K6	

Grundlegende geometrische Konstruktionen händisch und auch mit entsprechender Software durchführen, Kon- struktionsabläufe dokumen- tieren Geometrische Größen der wichtigsten Figuren und Kör-	die kartesische Ebene, das Ko- ordinatensystem, Lagebezie- hungen von Geraden zueinan- der, elementare geometri- sche Transformationen und ihre Invarianten, dynamische Geometriesoftware Größen und ihre Maße, Eigen- schaften, Umfang und Fläche	 kann die Eigenschaften eines Dreiecks (Dreiecksungleichungen, Winkelsumme, Höhen) nennen kann Dreiecke nach bestimmten Eigenschaften unterscheiden kann die Eigenschaften von Vierecken angeben (Symmetrieeigenschaften, Winkel, parallele Seitenpaare, Diagonalen) kann Vierecke systematisieren (Haus der Vierecke) kennt den Satz von Thales kann aus gegebenen Größen Dreiecke und Vierecke konstruieren kann den Konstruktionsvorgang dokumentieren kennt den Begriff der Kongruenzabbildung kann eine zentrische Streckung von ebenen Gebilden durchführen kann Umfang und Flächeninhalt von Vielecken berechnen 	• kann Oberfläche und Volumen von Pyramiden, Kegel, und Kugel berechnen	K1 K5 K6	
per bestimmen	der Polygone, Kreisumfang und Kreisfläche, Oberfläche und Volumen	 kann Umfang und Flächeninhalt des Kreises berechnen kann Rauminhalt und Oberfläche von Prismen und Zylindern berechne kann Eigenschaften und Beziehungen zwischen geometrischen Objekten zum Problemlösen nutzen 	kann Eigenschaften und Beziehungen zwischen geometrischen Objekten zum Problemlösen nutzen	K3 K6	
In einfachen realen Situatio- nen geometrische Fragestel- lungen entwickeln und Prob- leme geometrischer Art lösen, dabei Computer und andere Hilfsmittel einsetzen	Eigenschaften von Flächen und Körpern, Kongruenz und Ähnlichkeit, Satzgruppe des Pythagoras	 erkennt kongruente Figuren kennt die Zusammenhänge Streckungszentrum, -faktor, Bild- und Originalfigur kann die Strahlensätze anwenden erkennt ähnliche Figuren 	 kann mit dem Satz von Pythagoras Berechnungen an rechtwinkeligen Dreiecken durchführen kann den Satz von Pythagoras zur Begründung von Zusammenhängen einsetzen 	K2 K3 K4 K5 K6	

Mit Vektoren operieren und diese Operationen geomet- risch und im physikalischen Kontext deuten	Vektoren, ihre Darstellung und Operationen	kann Vektoren grafisch darstellen, ad- dieren und subtrahieren		K2	
Mathematische Argumente nennen, die für ein bestimm- tes geometrisches Modell o- der einen bestimmten geo- metrischen Lösungsweg spre- chen	geometrische Beziehungen	kann zusammengesetzte Formen in einfachere berechenbare Formen zer- legen (Prismen und Zylinder)	kann zusammengesetzte Formen in einfachere berechenbare Formen zer- legen (Pyramiden, Kegel, Kugel)	K2 K3 K4	
Relationen und Funktionen		Die Schülerin/der Schüler			
Relationen zwischen Variablen erkennen und durch eine mathematische Funktion formalisieren	Verschiedene Darstellungsfor- men von Funktionen direkte und indirekte Propor- tionalität	 kennt die verschiedenen Darstellungsformen von linearen und antiproportionalen Funktionen: Funktionsgleichung Wertetabelle Schaubild Text Kann Situationen und Vorgänge graphisch, tabellarisch und sprachlich darstellen und interpretieren erkennt linear zusammenhängende Größen kann aus gegebenen Daten lineare und antiproportionale Funktionsgleichungen bestimmen 	kennt die verschiedenen Darstellungsformen von Potenz-/insbesondere quadratischen Funktionen:	K1 K2 K3 K4 K5 K6	
Funktionseigenschaften be- schreiben, die Graphen ver- schiedener Funktionen in der kartesischen Ebene erkennen und darstellen	Verschiedene Funktionstypen und deren charakteristische Eigenschaften	 kennt den Zusammenhang zwischen den Parametern und dem Verlauf von linearen und antiproportionalen Funk- tionen kann die Parameter deuten kann die Auswirkungen der Parameter- variationen untersuchen, beschreiben und begründen 	kann aus gegebenen Daten quadratische Funktionsgleichungen bestimmen kennt den Zusammenhang zwischen den Parametern und dem Verlauf von Potenz- und quadratischen Funktionen kann die Parameter deuten kann die Auswirkungen der Parametervariationen untersuchen, beschreiben und begründen	K4 K5 K6	

Situationen aus verschiedenen Kontexten mit Hilfe von Gleichungen, Gleichungssystemen oder Funktionen beschreiben und bearbeiten, die Ergebnisse unter Einbeziehung einer kritischen Einschätzung des gewählten Modells und Lösungsweges prüfen und interpretieren	Problemlösephasen, Lösungsverfahren	kann Fragestellungen aus dem Alltag durch lineare Funktionen modellieren	kann Fragestellungen aus dem Alltag durch quadratische Funktionen model- lieren	К4	
Funktionale Zusammenhänge kontextbezogen interpretie- ren und Aussagen zur Ange- messenheit machen	Eigenschaften von Funktionen	 kann lineare Funktionen als Mittel zur Beschreibung quantitativer Zusammen- hänge bewerten und interpretieren 	kann quadratische Funktionen als Mit- tel zur Beschreibung quantitativer Zu- sammenhänge bewerten und interpre- tieren	K5	
Daten und Zufall		Die Schülerin/der Schüler		· ·	
Statistische Erhebungen selbst planen, durchführen und die erhobenen Daten auf- bereiten und analysieren	Phasen einer statistischen Erhebung und Formen der Datenaufbereitung, Stichprobe und Grundgesamtheit, Arten von Daten, Zentralmaße und Streumaße		 kann statistische Erhebungen planen und durchführen kann erhobene Daten tabellarisch und grafisch darstellen kann Mittelwerte und Streumaße berechnen 	K2 K3	
Statistische Darstellungen aus verschiedenen Quellen lesen, analysieren, interpretieren und auf ihre Aussagekraft überprüfen	verschiedene Formen der Da- tenaufbereitung und Darstel- lung		 kann grafische Darstellungen hinsicht- lich Aussagekraft beurteilen. kann aus Diagrammen Informationen gewinnen und Mittelwerte und Streu- maße interpretieren 	K5 K6	
Zufallsexperimente veran- schaulichen, die Ergebnis- menge angeben und die Wahrscheinlichkeit von Ereig- nissen berechnen	Ergebnismenge und Wahr- scheinlichkeitsverteilung, re- lative Häufigkeit und Wahr- scheinlichkeitsbegriff		 kann die Ergebnismenge von Zufallsexperimenten angeben und deren Wahrscheinlichkeit berechnen kann Chancen und Risiken von Glücksspielen einschätzen und beurteilen 	K3 K6	